1. Aufgabe:

Über einen Berg führt eine Strasse, deren Verlauf durch die Funktion

$$f(x) = -0.03x^2 + 0.42x + 7.2$$

beschrieben werden kann.

- (a) Welche Steigung hat die Strasse an der Stelle x = 3?
- (b) An welchem Punkt $P(x \mid y)$ hat die Strasse eine Steigung von 12\%?
- (c) An welcher Stelle ist die Steigung der Strasse gleich Null?

2. Aufgabe:

Ein Speer wird geworfen. Die Flugbahn des Speers kann dabei durch die Funktion

$$f(x) = -\frac{3}{25}x^2 + x + 2$$

beschrieben werden. Der Speer verlässt die Hand des Werfers im Punkt $(0 \mid 2)$. Der Speer kann immer als Tangente an die Kurve f betrachtet werden.

- (a) Wie weit wird der Speer geworfen?
- (b) Welche Steigung hat der Speer beim Abwurf?
- (c) Welchen Winkel schließt der Speer hier mit der x-Achse ein?
- (d) Welche Steigung hat der Speer am höchsten Punkt der Flugbahn?
- (e) Welche **x-Koordinate** besitzt der höchste Punkt der Flugbahn?
- (f) In welchem Winkel steckt der Speer im Boden?

3. Aufgabe:

- (a) Durch welche Vorgehensweise kann man mögliche **Extrempunkte** (Hoch oder Tiefpunkte) von Funktionen finden ?
- (b) Wo können mögliche Extremstellen der Funktion $f(x) = x^3 7,5x^2 + 18x 20$ liegen?
- (c) Hat die Funktion f(x) = 5 Extremstellen?
- (d) Welche Bedingungen müssen erfüllt sein, damit f in x_E einen Extrempunkt besitzt?

(e) Ist die hinreichende Bedingung in Aufgabenteil 3b erfüllt?

(f) Bestimme die Extremstellen der Funktion $h(x) = x^4 - 2x^2$